

დავათქსიროთ $T > 0$ და განვიხილოთ შემთხვევითი პროცესი $(X_t)_{t \geq 0}$ რომელიც აკმაყოფილებს

$$X_t = X_0 + \int_0^t b(X_s) ds + f(t) + W_t, \quad t \in [0, T],$$

სადაც $(W_t)_{t \in [0, T]}$ სტანდარტული ერთგანზომილებიანი ვინერის პროცესია, განსაზღვრული $(\Omega, \mathcal{F}_t, \mathbb{P})$ ალბათურ სივრცეზე, $f \in C^1[0, T]$ ისეთია, რომ $f(0) = 0$ და $b: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ლიფშიცის ფუნქციაა შემდეგი პირობებით

$$|b(x)| \leq M(|x| + 1), \quad |b(x) + b(y)| \leq K|x - y|, \quad \forall x, y \in \mathbb{R},$$

გარკვეული M, K მუდმივებისთვის. $C^1([0, T])$ -თი აღნიშნულია ნამდვილი ცვლადის უწყვეტად წარმოებადი ფუნქციების სივრცე აღჭურვილი თანაბარი ნორმით $\|\cdot\|_{C^1([0, T])}$. ν -თი აღვნიშნოთ X_0 შემთხვევითი სიდიდის განაწილება.

ბარიერად განვიხილოთ 1, აგრეთვე ვიგულისხმობთ, რომ $X_0 < 1$ და განვსაზღვროთ გაჩერების მომენტი

$$\tau = \inf \{t > 0: X_{t \wedge T} \geq 1\}$$

როგორც X_t პროცესის მიერ ერთის ტოლი ბარიერის პირველი გადაკვეთის მომენტი. მოცემული ν ალბათური ზომისთვის შესასწავლი იქნება შემდეგი ორი სიმკვრივე

$$p^\nu(t) = \frac{d}{dt} \mathbb{P}^\nu(\tau \leq t), \quad t \in [0, T],$$

ე.ი τ -ს სიმკვრივე, და

$$p^\nu(t, y) = \frac{d}{dt} \mathbb{P}^\nu(X_t \leq y, t < \tau), \quad t \in [0, T], \quad y \in (-\infty, 1],$$